



Encoder Decoder LSTM

구현 및 실험 결과 보고 (Time series data split / Model evaluate)

Tae-Won Lee,
leetee95@gmail.com
2021. 03. 16.

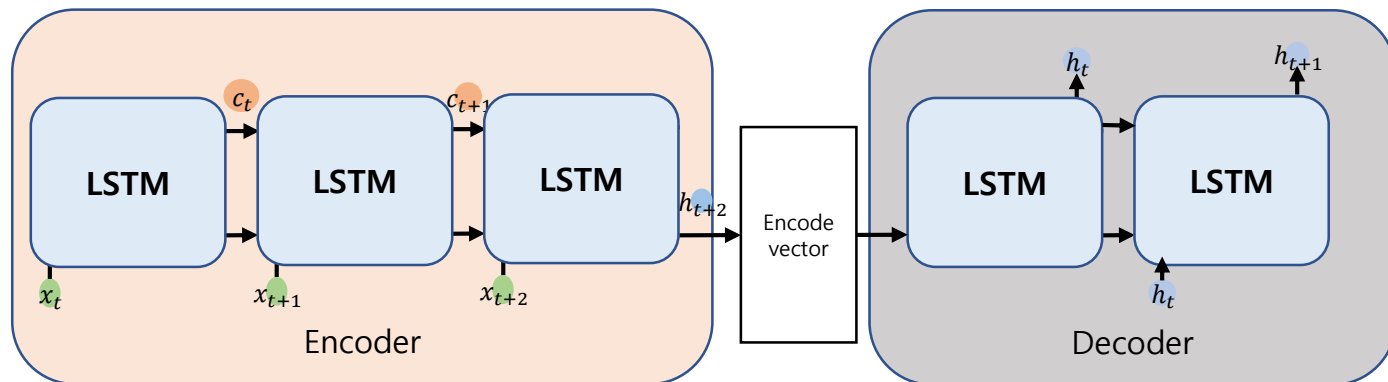
Introduction

- 기존의 LSTM등 RNNs의 모형에서 input length와 output length가 다른 데이터를 다룰 수 없는 문제점이 있음.
- 이를 해결하기 위해 Encoder-Decoder 구조를 LSTM에 적용함.
- input length와 output length가 다른 길이가 되어도 출력이 가능하게 됨.

Related works

- Encoder-Decoder LSTM

- 두개의 LSTM 아키텍처가 결합된 구조.



- Encoder아키텍처에서 셀의 마지막 시점의 hidden state를 Decoder로 넘겨줌
- 받은 hidden state를 Decoder에서 최초의 hidden state로 사용함.

Proposed method

Experimental setting

- Dataset

stocks	N	Train	val	test
KOSPI	5156	3210	979	967
KOSDAQ(2013-03-03 ~)	1898	938	474	486
NASDAQ	5265	3263	1002	1000
S&P 500	5265	3263	1002	1000
다우존스	5265	3263	1002	1000
홍콩 항셱	5151	3196	976	979
일본 니케이	5124	3182	971	971
독일 DAX	5306	3300	1005	1001
프랑스 CAC	5343	3313	1015	1015
스페인 IBEX	5314	3283	1017	1014
대만 기권	5144	3206	971	967
네덜란드 AEX	5347	3316	1016	1015
인도 섀섹스	5151	3204	970	977
브라질 보베스파	5265	3263	1002	1000
Gold price	5050	3067	994	989
Oil price(2000-08-23 ~)	5060	3076	994	990
10년 만기 미국 국채	3264	3264	1027	688
10년 만기 한국 국채				
비트코인 암호화폐(2014-09-17 ~)	2275	1560	359	356
이더리움 암호화폐(2015-08-07 ~)	1951	1236	359	356

KOSPI INDEX log difference

2000.01.01 – 2020.12.31

Experimental setting

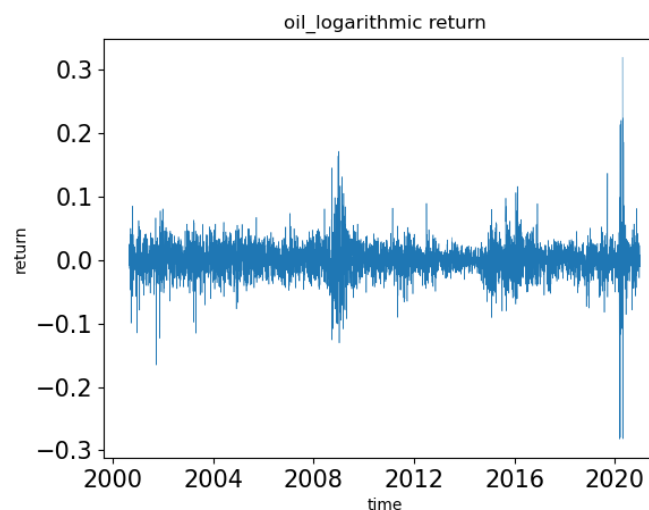
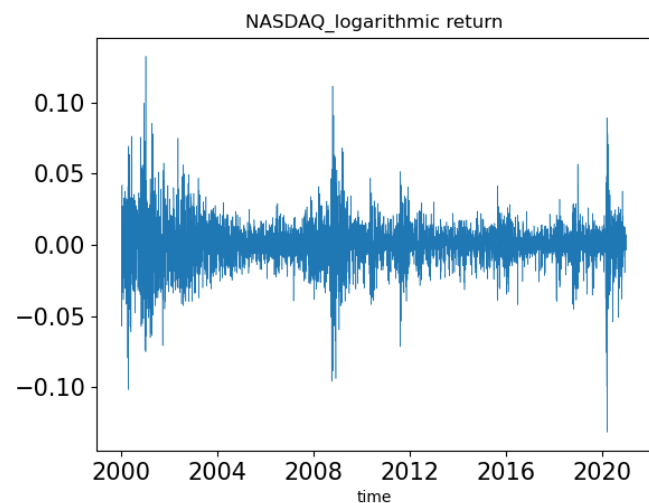
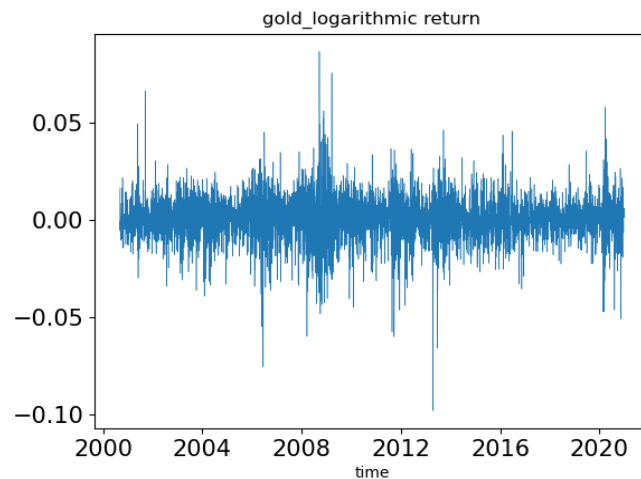
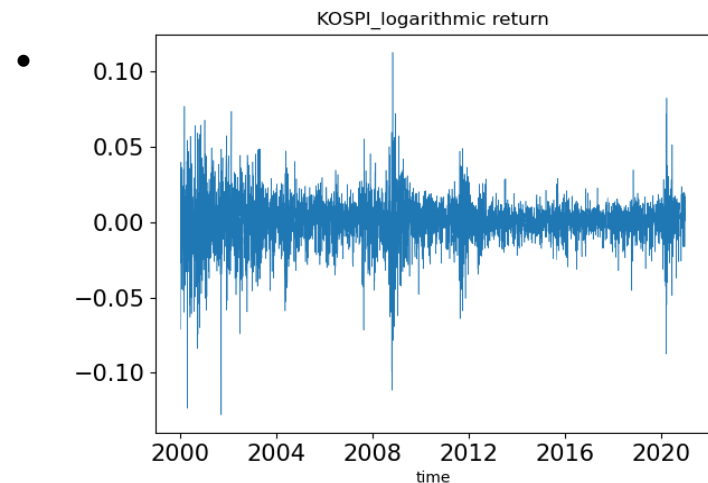
- Statistics

stocks	Mean	Standard deviation	Skewness	Kurtosis(3)	Jerque Bera	ADF
KOSPI	1582.518	587.343	-0.421	1.861	432.61***	-0.438834
KOSDAQ	668.623	103.98	0.46	2.632	78.4663***	-1.173884
NASDAQ	3791.769	2367.556	1.388	4.395	2125.9183***	3.346301
S&P 500	1653.635	674.270	1.033	3.067	941.5057***	1.678640
다우존스	14655.366	5792.134	1.043	2.906	959.6158***	0.870942
홍콩恒生	19919.806	5726.487	-0.18	2.076	211.8634***	-1.579436
일본 니케이	14640.566	4694.21	0.393	2.009	342.692***	-0.491717
독일 DAX	7661.465	3006.491	0.385	1.978	363.2483***	-0.506127
프랑스 CAC	4469.135	918.824	0.153	2.207	161.6942***	-2.233112
스페인 IBEX	9680.838	2017.084	0.667	3.565	466.6305***	-2.262163
대만 기권	7903.82	2055.782	0.243	2.707	69.2831***	-0.264858
네덜란드 AEX	435.655	108.924	0.265	2.222	197.9852***	-1.899507
인도 섹스	17921.698	11385.273	0.401	2.120	305.4783***	0.679944
브라질 보베스파	3791.769	2367.556	1.388	4.395	2125.9183***	3.346301
Gold price	997.637	479.258	-0.105	1.796	315.6375***	-0.459757
Oil price	61.785	25.912	0.400	2.381	216.5233***	-1.997886
10년 만기 미국 국채	118.257	9.575	-0.285	2.145	219.8195***	-2.216594
10년 만기 한국 국채						
비트코인 암호화폐	4925.441	4830.747	1.056	4.332	595.9625***	1.440318
이더리움 암호화폐	223.111	231.702	1.601	6.123	1642.5896***	-2.082944
KOSPI INDEX log difference	0.000193	0.0149	-0.572	10.03	10943.0983***	-33.339841***

Used Close(종가) variable.

Experimental setting

- logarithmic return : $\ln((t+1)/t)$ t : 시점이 t 일때 종가(close)



- logarithmic return
 - 수익률을 나타내는 지표 중의 하나.
 - 일반 수익률보다 실제 수익률에 더 가까운 지표.

Experimental setting

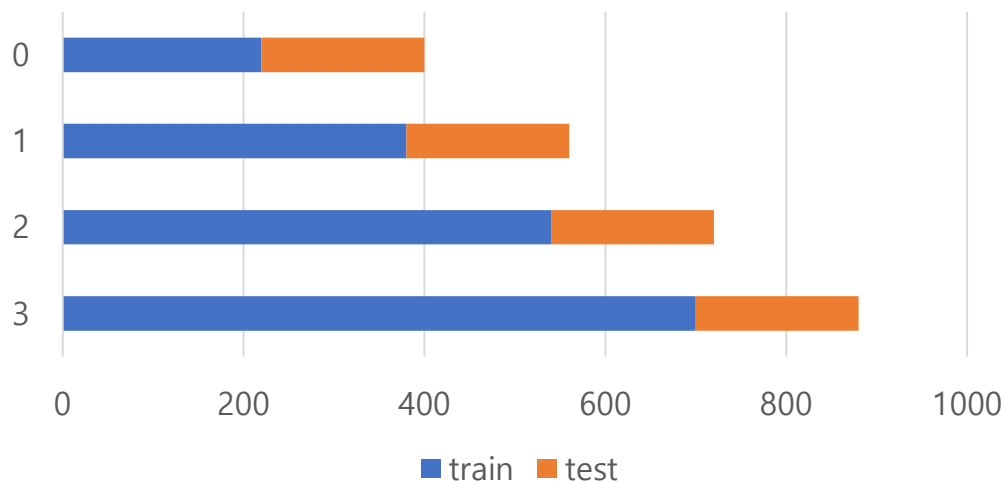
- Stock Dataset
 - data normalization
 - $\log(x_i + 1) - \log(x_7 + 1), i = 1, \dots, 8$
 - **+1** prevents the denominator to be zero
 - Value added by 1 approximates to value without 1 added
- Metric
 - $\text{MSE}(e^{\text{predicted value}}, e^{\text{true value}})$ or $\text{MAE}(e^{\text{predicted value}}, e^{\text{true value}})$
- Train, validation
 - Used MSE Loss as loss function
- Test.
 - Ran model final evaluation by metric

Hyperparameters	Number
hidden state, cell state dimension	10
input sequence length	7
output sequence length	1
epoch	20
Batch size	128

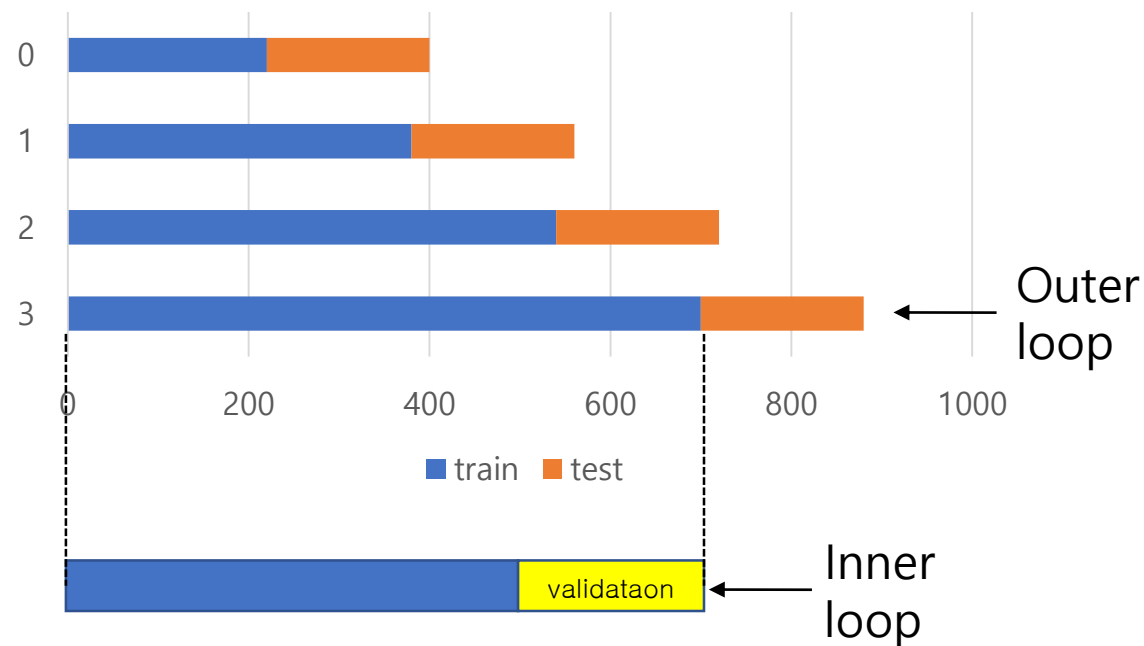
Experimental setting

- Stock dataset split in timeseries data

Expanding window Cross Validation



Nasted time series Cross Validation



Experimental setting

- To determine the detailed performance of a model
- Add another model evaluation metric.

- Mean Absolute Percentage Error (MAPE) = $\frac{\sum_{t=1}^n \left| \frac{y_t - \hat{y}_t}{y_t} \right|}{n} \cdot 100(\%)$
 - MAPE is undefined for data points where the value is zero.
 - MAPE is biased towards prediction that are systemically less than the actual values themselves

$$y = 20, \hat{y} = 10, n = 1 \rightarrow MAPE = 50\%$$

$$y = 10, \hat{y} = 20, n = 1 \rightarrow MAPE = 100\%$$

- Compare three metrics.
 - MAE
 - MSE
 - MAPE

Comparison results

- Mean absolute error

Data	Proposed	RNN	LSTM	GRU	Encoder-Decoder
KOSPI(^KS11)		0.185595	0.155002	1.617923	
KOSDAQ(^KQ11)		0.214578	0.164670	0.245247	
NASDAQ(^IXIC)		0.229682	0.150976	0.153018	
S&P 500(^GSPC)		6.247446	0.178656	0.164941	
다우존스(^DJI)		0.164499	0.175886	0.250244	
홍콩 항셱(^HSI)		0.243041	0.145907	0.174623	
일본 니케이(^N225)		0.221189	0.160654	0.211608	
독일 DAX(^GDAXI)		0.194509	0.172637	0.375233	
프랑스 CAC(^FCHI)		0.195908	0.147745	0.848078	
스페인 IBEX(^IBEX)		0.210639	0.183360	0.225565	
대만 기권(^TWII)		1.361532	0.162985	0.208414	
네덜란드 AEX(^AEX)		0.178770	0.178437	0.253944	
인도 섹스(^BSESN)		0.243810	0.161527	0.132296	
브라질 보베스파(^BVSP)		0.166660	0.157935	0.314940	
Gold price(GC=F)		0.157039	0.189327	0.179624	
Oil price(음수 존재)					
10년 만기 미국 국채					
10년 만기 한국 국채					
비트코인 암호화폐(BTC-USD)		0.250246	0.163556	0.200313	
이더리움 암호화폐(ETH-USD)		0.188927	0.177886	0.181974	

Comparison results

- Mean squared error

Data	Proposed	RNN	LSTM	GRU	Encoder-Decoder
KOSPI(^KS11)		0.135693	0.035030		
KOSDAQ(^KQ11)		0.171269	0.032320		
NASDAQ(^IXIC)		32.361068	0.050949		
S&P 500(^GSPC)		77.699456	0.040289		
다우존스(^DJI)		4.329155			
홍콩 항셱(^HSI)		0.512480			
일본 니케이(^N225)		0.097253			
독일 DAX(^GDAXI)		0.369990			
프랑스 CAC(^FCHI)		12.840129			
스페인 IBEX(^IBEX)		2.708134			
대만 기권(^TWII)		0.165225			
네덜란드 AEX(^AEX)		2.633679			
인도 섹스(^BSESN)		126.642911			
브라질 보베스파(^BVSP)		0.272592			
Gold price(GC=F)		0.259982			
Oil price(음수 존재)					
10년 만기 미국 국채					
10년 만기 한국 국채					
비트코인 암호화폐(BTC-USD)		0.975811			
이더리움 암호화폐(ETH-USD)		0.258909			

Reference

- 1 Ha Young Kim, & Chang Hyun Won (2018). Forecasting the volatility of stock price index: A hybrid model integrating LSTM with multiple GARCH-type models. Expert Systems With Applications, Vol.103. 25-37.
<https://doi.org/10.1016/j.eswa.2018.03.002>

Appendix

Appendix

- Jarque-bera test
 - 왜도와 첨도가 정규분포와 일치하는지 판단하는 적합도 검정
- ADF test
 - 시계열 데이터가 정상성(stationary)을 만족하는지에 대한 검정
- LM-ARCH 검정
 - ARCH, GARCH와 같은 모형을 적용할 수 있는지에 대한 검정.